

第1問

2次方程式 $x^2 - 3x + 1 = 0$ の解を α, β ($\alpha < \beta$) とすると,

$$\alpha = \frac{\boxed{\text{ア}} - \sqrt{\boxed{\text{イ}}}}{\boxed{\text{ウ}}}, \beta = \frac{\boxed{\text{エ}} + \sqrt{\boxed{\text{オ}}}}{\boxed{\text{カ}}}$$

である。よって,

$$\alpha + \beta = \boxed{\text{キ}}, \alpha\beta = \boxed{\text{ク}}, \alpha^2 + \beta^2 = \boxed{\text{ケ}}$$

である。

次に、 $\alpha^4 + \alpha^2\beta^2 + \beta^4$ を因数分解すると,

$$(\alpha^2 + \alpha\beta + \beta^2)(\boxed{\text{コ}})$$

であるから,

$$\alpha^4 + \alpha^2\beta^2 + \beta^4 = \boxed{\text{サシ}}$$

である。

$\boxed{\text{コ}}$ については、最も適当なものを、次の①～③のうちから一つ選べ。

- ① $\alpha^2 + \alpha\beta + \beta^2$
- ② $-\alpha^2 + \alpha\beta + \beta^2$
- ③ $\alpha^2 - \alpha\beta + \beta^2$
- ④ $\alpha^2 + \alpha\beta - \beta^2$

第2問

a, b を定数として、2次関数 $y = -x^2 + ax + b$ ①について次の問いに答えよ。

[1] ①のグラフが2点 $(1, 1)$, $(8, -6)$ を通るとする。

(1) 定数 a, b の値は $a = \boxed{\text{ア}}$, $b = \boxed{\text{イウ}}$ である。

(2) ①のグラフの頂点の座標は $(\boxed{\text{エ}}, \boxed{\text{オカ}})$ である。

(3) ①のグラフを x 軸方向に -2 , y 軸方向に 5 だけ平行移動し、さらに、 y 軸に関して対称移動したグラフの方程式は、

$$y = -x^2 - \boxed{\text{キ}}x + \boxed{\text{クケ}}$$

である。

[2] ①のグラフが点 $(-1, -2)$ を通り、頂点の座標が直線 $y = x + 1$ 上の第1象限の部分にあたるとする。

(1) 定数 a, b の値は $a = \boxed{\text{コ}}$, $b = \boxed{\text{サ}}$ である。

(2) ①のグラフの頂点の座標は $(\boxed{\text{シ}}, \boxed{\text{ス}})$ である。

(3) ①のグラフを x 軸方向に -2 , y 軸方向に 5 だけ平行移動し、さらに、 x 軸に関して対称移動したグラフの方程式は

$$y = x^2 + \boxed{\text{セ}}x - \boxed{\text{ソ}}$$

である。

第3問

円に内接する四角形 $ABCD$ について, $AB=1$, $BC=3$, $\cos \angle ABC = -\frac{1}{2}$ である。

このとき, $\triangle ABC$ の面積は $\frac{\boxed{\text{ア}} \sqrt{\boxed{\text{イ}}}}{\boxed{\text{ウ}}}$ である。

また, $AC = \sqrt{\boxed{\text{エオ}}}$ である。

さらに, 四角形 $ABCD$ の面積を $\frac{15\sqrt{3}}{4}$ とし, $CD > DA$ とする。

このとき, $\triangle CDA$ の面積は $\boxed{\text{カ}} \sqrt{\boxed{\text{キ}}}$ である。

また, 円に内接する四角形では, $\angle ABC + \angle CDA = 180^\circ$ となるため,

$\triangle CDA$ の面積の公式から, $CD \cdot DA = \boxed{\text{クケ}}$ となる。

さらに, $\triangle CDA$ に余弦定理を用いると,

$DA^2 + CD^2 = \boxed{\text{コサ}}$ となるため, $DA + CD = \boxed{\text{シ}}$ となる。

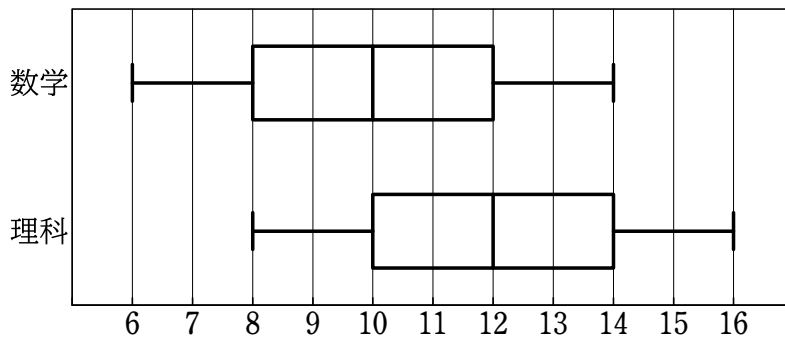
よって, $CD = \boxed{\text{ス}}$ である。

第4問

次の表は、20人の生徒に対して、20点満点で行った数学と理科のテストの得点データについて、平均値、分散を調べたものである。

	数学	理科
平均値	10.0	12.0
分散	7.2	7.2

また、下記の図は数学と理科の得点データについての箱ひげ図である。



以下、小数の形で解答する場合、指定された桁数の一つ下の桁を四捨五入し、解答しなさい。途中で割り切れた場合、指定された桁まで①にマークをすること。

(1) 数学のデータと理科のデータの共分散が5であるとき、

数学のデータと理科のデータの相関係数は、 . である。

(2) 次の①～③のうち、表と箱ひげ図から正しいと判断できることは である。

- ① 数学のテストで13点以上を取った生徒は5人以上いる。
- ② 数学のテストで8点以下を取った生徒は10人以上いる。
- ③ 理科のテストで12点以下を取った生徒は10人以上いる。
- ④ 理科のテストで10点以上を取った生徒は15人以下である。

(3) 次の , に当てはまるものを下の①～③のうちから一つずつ選べ。

新たに1人の生徒について数学と理科のテストを行ったところ、数学の得点は10点、理科の得点は12点であった。この生徒の得点を含めて計算し直した時の新しい共分散を A , もとの共分散を B , 新しい相関係数を C , もとの相関係数を D とするとき、

A B , C D である。

① $>$

② $<$

③ $=$

2026 年度 一般選抜 I 期 数学「数学 I」

問題番号	解答記号	正解
第 1 問	ア, イ, ウ	3, 5, 2
	エ, オ, カ	3, 5, 2
	キ	3
	ク	1
	ケ	7
	コ	2
	サ, シ	4, 8
第 2 問	ア	8
	イ, ウ	-, 6
	エ, オ, カ	4, 1, 0
	キ, ク, ケ	4, 1, 1
	コ	2
	サ	1
	シ, ス	1, 2
	セ, ソ	2, 6
第 3 問	ア, イ, ウ	3, 3, 4
	エ, オ	1, 3
	カ, キ	3, 3
	ク, ケ	1, 2
	コ, サ	2, 5
	シ	7
	ス	4
第 4 問	ア, イ, ウ, エ	0, 6, 9, 4
	オ	2
	カ	1
	キ	2